

Modei matemâtics par implants di depurazion: primis aplicacions in Friûl

ILARIA CIMAROSTI*, CRISTIANO ROSELLI
DELLA ROVERE* & DANIELE GOI*

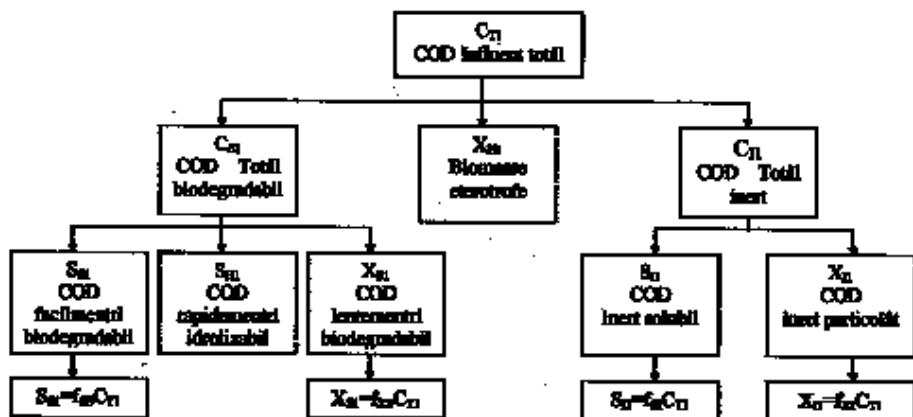
Ristret. Il tratament biologic de aghe di fogne di origjin civil o industriâl, prime di scjariâle intai flums o in altris cuarps idrics, al è il sisteme plui comun par eliminâ o minimizâ l'incuinament. I sistemis plui cognossûts pal tratament des aghis refluïs a son i procès a pantan atîf. Il tratament biologic cun pantan atîf al gjave lis sostancis disfatis, organichis e inorganichis e al cagle i solits coloidâi e no sedimentabîi mediant l'azion dai microrganismis che a costituissin il pantan. Il studi dai procès biochimics implicâts tal tratament biologic des aghis al à permetût l'evoluzion di un gnûf mût di progetto: la modelistiche. In chest articul si farà une introduzion a la teorie matematiche che e sta daûr dal model e daspò si ilustraran un pôcs di câs là che i modei a son stâts aplicâts tal concret. I microrganismis che a costituissin il pantan a son clamâts biomasse mentri i incuinants a son clamâts ancje substrât. A la biomasse si è permetût di cressi doprant i incuinants come risultive di carboni e/o di energie, gjavant chei incuinants dal refluï par convertiù in gnove biomasse, H₂O e CO₂. A son diférents gjenars di microrganismis classificâts in eterotrofs e autotrofs a seconde che a doprin come acetôr di eletrons l'ossigjen o la sostance carboniche. Lis principâls sostancis incuinantis che si tirin fûr cui trataments biologics a son i composç carbonics, l'azôt e il fosfar. Al è une vore di agns che diviers centris universitariis e di ricerche ator pal mont si intereszin di chest argoment. In particolâr il Task Group de I.A.W.Q. (International Association on Water Quality) al à metût adun intal 1987 l'Activated Sludge Model N. 1 (model pal pantan atîf) che al è stât un grum aplicât dimostrant la sô validitat e afidabilitât. L'A.S.M. N. 1 al cjape in considerazion la rimozion dal carboni e dal azôt. Daspò a son stâts elaborâts modei simprì plui complèts che a considerin ancje la rimozion dal fosfar, l'A.S.M. N. 2 e N. 3. Di cualchi an incà ancje il dipartiment di Chimiche de Universitât di Udin si sta ocupant de aplicazion modelistiche a la progetazion/gestion dai implants di depurazion. Par lis nestris esperiencis o vin doprât l'A.S.M. N. 1, esplicât in chest articul.

Peraulis clâf. Pantan atîf, modei matemâtics, simulazions dinamichis.

* Dipartiment di Siencis e Tecnologiis Chimichis, Universitât di Udin, Italie. E-mail clsgoi@dsc.uniud.it

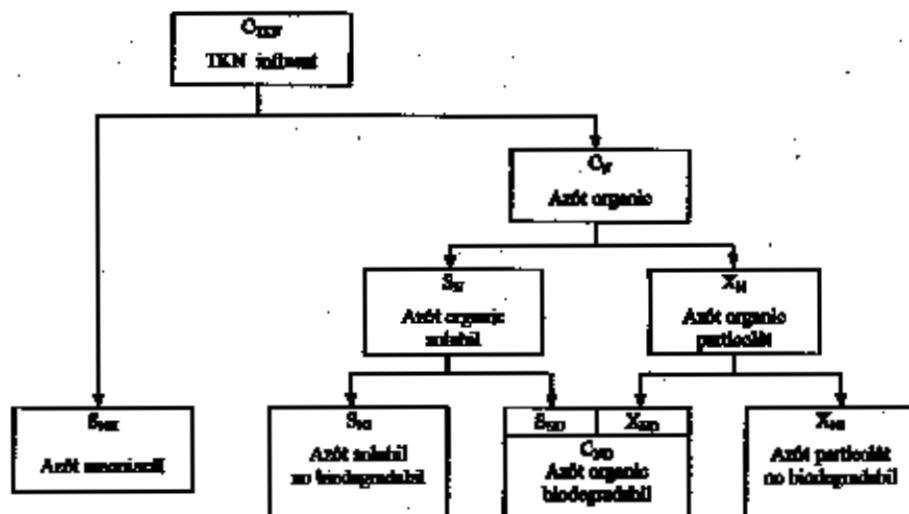
Introduzion

I incuinants. Il parametri doprât par misurâ il livel di incuinant presint al è il COD (Chemical Oxygen Demand), ven a stâi la Domande Chimiche di Ossigjen. Al rapresente la cuantitât di ossigjen domandade par ossidâ la sostance organiche de bande di un reagjent chimic une vore ossidant (es. dicromât di potassi) in condizions di elevade aciditât. Al à rivelât di jessi il miôr parametri par vie che al è l'unic che al met in relazion i eletrons ecuivalents tal substrât organic, te biomasse e tal ossigjen doprât. Prin di dut lis formis differentis di carboni organic a son ingrumadis insieme e differenziadis su la fonde des carateristichis di biodegradazion. Il COD influent totál al à doi components: COD totál no biodegradabil, o inert, e COD totál biodegradabil. Chestis frazions a pue din jessi ancjemò dividudis intune frazion solubile e une particulade. Il COD facilmentri biodegradabil al è presumibilmentri componût di elements solubii come acits gras volatii, carboidrâts sempliçs, alcâi, aminoacits e v.i. che a pue din jessi diretementri assorbîts pe sintesi. La frazion di COD lentementri biodegradabil al à la carateristiche di no podê passâ traviers de parêt celulâr, par tant al à par fuarce di jessi sotmetût a l'idrolisi extracelulâr prime di vignî assorbît.



I components azotâts no ossidâts a son determinâts sperimentalmentri traviers il test *Total Kjeldahl Nitrogen* (TKN) e il test par l'azôt amoniacâl che al ripuarte sedi la amoniache libare sedi il contignût di ion

amoni. Il TKN nus dà la sume dal azôt organic e dal azôt amoniacâl. Duncje l'azôt organic al è determinât tant che la difference tra il TKN e l'azôt amoniacâl. L'azôt organic biodegradabil si compon di: azôt organic biodegradabil solubil e di azôt organic biodegradabil particulât. L'azôt amoniacâl al è disponibil par incorporazion in gnûfs costituents celulârs o par ossidazion a nitrîts e nitrâts (NO_2^- e NO_3^-) tal procès di nitrificazion. L'azôt organic biodegradabil particulât al ven idrolizât al azôt organic biodegradabil solubil midiant de azion dai microrganisims eterotrofs. La ulteriôr conversion di azôt organic biodegradabil solubil a amoniache e je fate midiant di un procès di ammonificazion mediât de ativitât microbiche eterotrofiche similâr.



Intes aghis refluvis il fosfar si cjate in trê formis: ortofosfât (PO_4^{3-}), polifosfât (P_2O_7) e fosfar leât organichementri. Ortofosfâts e polifosfâts sempliçs o fosfâts condensâts a costituissin il fosfar inorganic totalâl.

Materiâi e metodis

I modei. Par spiegâ il criteri dal A.S.M. N. 1 o cjapìn a esempi la biomasse eterotrofe, X_H , il plui impuantant component particulât tal procès

dal pantan atif e responsabil de biodegradazion dal carboni organic in condizions aerobichis. I procès considerâts a son:

Incressite de biomasse. Se la incressite e je belançade, la incressite de biomasse e l'ûs di substrât (font di carboni e/o di energie) la risoluzion e je te produzion di Y unitâts di biomasse cun Y inferiôr a la unitât come indicât inte expression:

$$\frac{dX}{dt} = Y \frac{dS}{dt} \quad \text{dulà che il coeficient Y al è cognossût come "rindiment".}$$

Par meti in relazion la incressite cun la concentratzion di substrât la curve di saturazion cun expression iperboliche-retangolâr proponude di Monod si à dimostrade di jessi la miôr. Tignint cont ancie de influence di ossigjen disfat, la expression de incressite de biomasse e devente:

$$\frac{dX}{dt} = \mu_{\max} \left(\frac{S}{K_S + S} \right) X = \mu_{\max} \left(\frac{S}{K_S + S} \right) \left(\frac{S}{K_{O_2} + S} \right) X \quad \dots$$

dulà che: μ_{\max} velocitât di incressite eterotrofe massime [zornadis-1];

K_S concentratzion dal substrât dulà che $\mu_m = 1/2 \mu_{\max}$ [mg COD/l];

K_{O_2} coeficient che al ten cont dal efet limitant de concentratzion di ossigjen [mg COD/l].

Muart e decjadiment. L'iter dai components particulâts tai sistemis a pantan atif al ven influençât ancie dai procès che a son in relazion cun la pierdite di biomasse eterotrofe vitâl. Si ipotize che la muart o la pierdite di vitalitatâr dai microrganisims si davuelzi cence l'utilizi di acetôrs di eletrons:

$$\frac{dX}{dt} = -b'_H X$$

dulà che: b'_H = velocitât di pierdite di vitalitatâr de biomasse eterotrofe [d^{-1}]. La plui part de biomasse no vitâl e devente disponibile tant che substrât lentementri biodegradabil, X_S , inveitz la part che e reste si le cjate tant che masse endogjine inert, X_P :

Denitrificazion. La denitrificazion al è un procès anossic che al domande la assence di ossigjen e la presince di une font di carboni adeguade tant

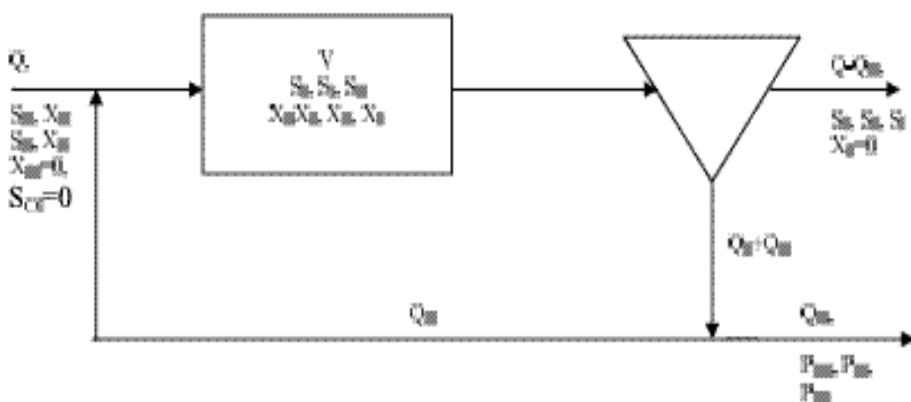
che risultive di eletrons. Il procès al ven realizât dai bateris facoltatîfs eterotrofs. Il criteri modelistic al è basât su la ipotesi semplificative di doprâ la stesse espression de velocitât eterotrofe adizionade di un coefficient coretîf empiric $\eta_G < 1$

$$\frac{dX_{\text{B}}}{dt} = \mu_B \left(\frac{S_B}{K_B + S_B} \right) \left(\frac{K_B}{K_B + S_B} \right) \left(\frac{S_B}{K_B + S_B} \right) \eta_B X_B$$

Pal disvilup di un model dinamic si scuen prime definî il volum di control e daspò fâ un belanç di masse par ogni reagjent rispet a chel volum: cumulament = input - output + generation. Tai modei pe rimozion dal carboni al è necessari meti dentri almancul vot components, al fin di rifleti in mût acurât lis carateristichis des aghis di scaric:

- S_p, S_s, X_p, X_s , a definissin la nature organiche de aghe;
- X_h, S_p, X_p , a rapresentin la biomasse eterotrofe vital e i prodots microbics solubii e particulâts;
- S_o , al segnale la concentratzion di ossigjen;
- S_i e X_l , a son inerts e no son indicâts.

Lis relazioni tra i components dal procès e i parametris dal model a veggîn rigjavadis su la fonde des ecuazions di continuitât che a definissin i belançs di masse tra lis corints influentis e chêz efluentis. Il diagram schematic dal procès visualizât inte Figure al ven doprât par definî un model cinetic par la rimozion dal carboni.



1) Belanç par S_S :

$$\begin{aligned} V \frac{dS_S}{dt} &= (Q + Q_S)S_S - V\left(\frac{\mu_S}{Y_S} \frac{S_S}{K_S + S_S} X_S - (1 - f_{SS})K_S X_S\right) \\ &- \frac{\mu_S}{Y_S} \frac{S_S}{K_S + S_S} X_S + (1 - f_{SS})K_S X_S = \frac{1}{g_S} S_S = -\frac{1}{g_S} S_S \end{aligned}$$

2) Belanç par X_H :

$$\begin{aligned} V \frac{dX_H}{dt} &= (Q + Q_S)X_H + V\left(\frac{\mu_S}{Y_S} \frac{S_S}{K_S + S_S} X_S - b'_H X_S\right) \\ &\frac{\mu_S}{Y_S} \frac{S_S}{K_S + S_S} X_S - b'_H X_S = \frac{1}{g_S} X_S = 0 \end{aligned}$$

3) Belanç par X_S :

$$\begin{aligned} V \frac{dX_S}{dt} &= (Q + Q_S)X_S - V(K_S X_S - (1 - f_{SS})b'_H X_S) \\ (1 - f_{SS})b'_H X_S - K_S X_S &= \frac{1}{g_S} X_S = \frac{1}{g_S} X_S \end{aligned}$$

4) Belanç par X_P :

$$\begin{aligned} V \frac{dX_P}{dt} &= (Q + Q_S)X_P + V(f_{SS}b'_H X_S) \\ f_{SS}b'_H X_S &= \frac{1}{g_S} X_S = 0 \end{aligned}$$

5) Belanç par S_p :

$$\begin{aligned} V \frac{dS_p}{dt} &= (Q + Q_S)S_p + V(\alpha_S \mu_S \frac{S_S}{K_S + S_S} X_S + f_{SS}K_S X_S) \\ \alpha_S \mu_S \frac{S_S}{K_S + S_S} X_S + f_{SS}K_S X_S &= \frac{1}{g_S} S_S = 0 \end{aligned}$$

Un sisteme di cinc ecuazions che a domandin une soluzion simultanee. Par dâ une rapresentazion clare e no ecuivocabil dal sisteme si do pre une rapresentazion matriciâl.

Nitrificazion. A son dôs manieris principâls par vê la nitrificazion tai sistemis a pantan atîf. Un al proviôt la nitrificazion tal stes reatôr biologic doprât pe rimozion dal carboni *Combined carbon oxidation-nitrification system*, chel altri al proviôt che la nitrificazion e sedi rigjavade midiant di un procès a stadis separâts in doi reatôrs diferents, il prin al ven doprât pe rimozion dal carboni organic e il secont pe nitrificazion. Si ripuarte la forme matriciâl da lis espressions di belanç di masse par la nitrificazion.

Tabele 1. Cinetichis e stechiometriis dal procès di rimozion dal carboni e de nitrificazion.

Component i → ↓ Procès j	1 X _H	2 S	3 X _A	4 S _{NO}	5 S _{NO}	6 S _{NO}	Velocitât di procès ρ_j
Ingressite eterotrofe	1	$\frac{1}{Y_H}$		$-i_B$		$-\frac{1}{fY_H} - f_x$	$\mu_H \frac{S_s}{K_s + S_s} X_H$
Decjadiment eterotrof	-1			i_B		$-f_x$	$k_d X_H$
Ingressite autotrofe			1	$-\frac{1}{Y_A} - i_B$	$-\frac{1}{Y_A}$	$-\frac{4.57}{Y_A} - f_x$	$\mu_A \frac{S_{NH}}{K_{NH} + S_{NH}} X_A$
Decjadiment autotrof			-1	i_B		$-f_x$	$B_A X_A$
Parametriz	VSS	BOD _s	VSS	NH ₃ -N	NO ₃ -N	O ₂	

L'A.S.M. N.1 al è costituît di vot procès e tredis components. Par clarece si dopre la rapresentazion matriciâl che e ven daûr, dulà che lis colonis a corispuindin ai diviers components e lis riis ai diviers procès.

Cierts parametriz indicâts inte madrîs a puedin jessi ricavâts in leterature, dut câs i parametriz a scugnin jessi valutâts sperimentalmentri midiant dal studi di sensitivitât. Pai parametriz evidenziâts te Tabele che e ven daûr si puedin cjapâ i valôrs indicâts tant che fis par vie che al è stât verificât sperimentalmentri che chei valôrs si son mantignûts inalterâts par ducj i sistemis analizâts. Chei altris parametriz a scugnin jessi valutâts sperimentalmentri.

Tabelle 2. Strutture matriciali dal A.S.M. N.1.

Component i → ↓ Procès j	1 S _I	2 S _S	3 X _I	4 X _S	5 X _{BH}	6 X _{BA}	7 X _P	8 S _O	9 S _{NO}	10 S _{NH}	11 S _{ND}	12 X _{ND}	13 S _{ALK}	Velocitât di proces p̄ [ML ⁻³ T ⁻¹]	
In crescita aerobiche dai eterotrofis	$\frac{1}{\frac{R_{BH}}{R_{BA} + R_S}}$	$\frac{1}{\frac{R_{BA}}{R_{BA} + R_S}}$			$\frac{R_{BA}}{R_{BA} + R_S}$			$\frac{R_{BA}}{R_{BA} + R_S}$		$\frac{R_{BA}}{R_{BA} + R_S}$					
In crescita anossiche dai eterotrofis	$\frac{1}{\frac{R_{BA}}{R_{BA} + R_S}}$	$\frac{1}{\frac{R_{BA}}{R_{BA} + R_S}}$			$\frac{R_{BA}}{R_{BA} + R_S}$			$\frac{R_{BA}}{R_{BA} + R_S}$		$\frac{R_{BA}}{R_{BA} + R_S}$					
In crescita aerobiche dai autotrofis					$\frac{R_{BA}}{R_{BA} + R_S}$										
Deciadiment dai eeterotrofis			$\frac{R_{BA}}{R_{BA} + R_S}$												
Deciadiment dai autotrofis			$\frac{R_{BA}}{R_{BA} + R_S}$												
Amonificazion dal azôt solubil organic													$\frac{R_{BA}}{R_{BA} + R_S}$	$\frac{R_{BA}}{R_{BA} + R_S}$	$\frac{R_{BA}}{R_{BA} + R_S}$
Idrolisi dai organics													$\frac{R_{BA}}{R_{BA} + R_S}$	$\frac{R_{BA}}{R_{BA} + R_S}$	$\frac{R_{BA}}{R_{BA} + R_S}$
Velocitâts di conversion osservadis [ML ⁻³ T ⁻¹]													$\frac{R_{BA}}{R_{BA} + R_S}$	$\frac{R_{BA}}{R_{BA} + R_S}$	$\frac{R_{BA}}{R_{BA} + R_S}$

Simbul	Unitâts	Valôr
Coeficients stechiometricos		
Y_H	mg COD prodot/ mg COD gjavât	0.60
f_p	mg COD prodot tal decjadiment/ mg COD di biomasse	0.08
i_{XB}	mg N/ mg COD te biomasse ativade	0.086
i_{XP}	mg N/ mg COD te biomasse no ativade	0.06
Y_A	mg COD di biomasse formade/ mg N ossidât	0.24
Coeficients cinetics		
$\hat{\mu}_H$	d^{-1}	6.00
K_S	Mg/L come COD	20
K_{OH}	Mg/L come O_2	0.10
K_{NO}	Mg/L come N	0.20
b_H	d^{-1}	0.408
η_G	adimensionâl	0.8
η_H	adimensionâl	0.4
k_a	$L/(mg COD di biomasse \cdot h)$	0.0067
k_h	$mg COD/(mg COD di biomasse \cdot h)$	0.092
K_X	$mg COD/mg COD di biomasse$	0.15
$\hat{\mu}_A$	d^{-1}	0.768
K_{OA}	Mg/L come O_2	1.0
K_{NH}	Mg/L come N	0.75
b_A	d^{-1}	0.096

La normative. Lis gnovis prescrizions legislativis, in particolâr il D.Lgs. 152/99 e lis disposizions coretivis e integrativis dal D.Lgs. 258/00, in materie de tutele des aghis dal incuinament a stabilissin gnûfs vincui su la cualitât de aghe efluent dai implants di depurazion. Di interès particulâr al è il riferiment al rindiment dai implants evidenziât de Directive 91/271/CEE che e proviôt il mantigniment dal rindiment di sore di valôrs specificâts. Te nestre region, in analogjie a di chel che al sucêt in gran part dal teritori nazionâl, al è presint un numar un grum alt di implants di depurazion pes aghis refluis cun medie e piçule potenzialitat che a siervissin lis variis comunitâts sparniçadis sul teritori, in zonte di ciertis realtâts artigjianâls o industriâls che a son dotadis di implants di depurazion par lôr cont. La plui part di chescj implants a son dotâts di tecnologjis tradizionâls realizadis tai agns '70-'80. Tai ultins agns il grup di Inzegnerie Ambientâl de Universitât di Udin al à lavorât ae aplicazion dai modei matematics intes realtâts presintis sul teritori regionâl, in graciis de colaborazion cun societâts di gestion di implants di depurazion locâl.

Risultâts

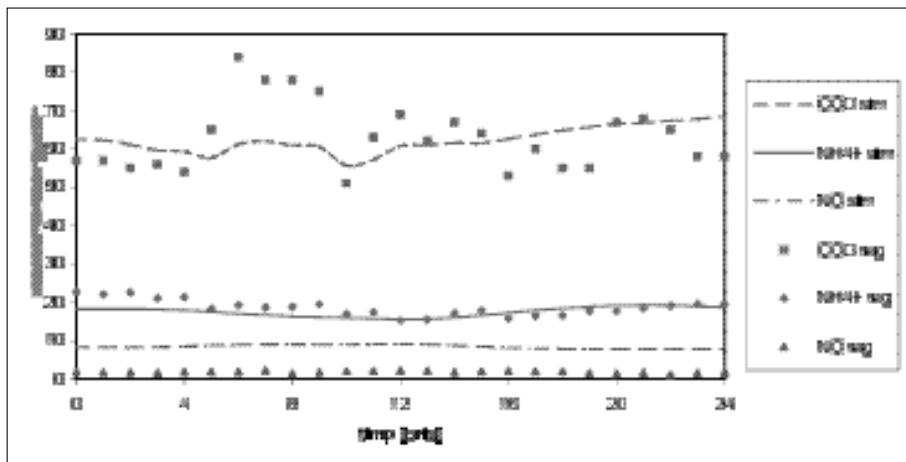
Il prin implant. Te prime esperience al è stât considerât un implant me-di-grant. Chest implant al siervìs plui o mancul 100.000 abitants ecuivalents e al presente diviersis liniis di tratament. Abitant Ecuivalent e je la unitât convenzionâl di misure par il caric incuinant. O vin sielzût di considerâ dome une linie di tratament biologjic.

O vevin a disposizion dôs seriis di dâts: une serie zornalîre di dâts di concentrazions di incuinants rilevâts in jentrade (COD, Solits Su-spindûts e azôt come TKN) e di valôrs di puartade in jentrade e une se-rie di dâts in jessude. Al è stât doprât un software potent che al imple-mente il model A.S.M. N. 1 fasint in mût di realizâ simulazions dinami-chis. Al è stât fat sù il lay-out lant daûr des indicazions dal progetto origi-nari dal implant. Daspò a son stâts doprâts come dâts di input e output i dâts reâi che e jere stade fate la calibrazion dal model. Come che o vin mostrât prime, i parametris che a costituissin il model a son tancj. In pri-me aprossimazion a son stâts doprâts i parametris presints in leterature e daspò a son stadis fatis une vore di analisis di sensitivitât par viodi cuâi parametris che a influençavin di plui la rispuoste dal sisteme rapresentât. Si ripuarte il câs di analisi di sensitivitât par il parametri amoniache.

Tal grafic si puedin viodi i ponts che a pandin i valôrs rilevâts e lis cur-vis che a segnalin i andaments simulâts. Come che si viôt, dal confront tra i dâts reâi e l'andament dai parametris simulâts o sin rivâts a un otim livel di aprossimazion.

Il secont implant. Il pas seguent al è stât fat considerant un altri implant presint in region cuntune potenzialitât di 62.500 abitants ecuivalents. Come tal prin câs o vin doprât il stes software pe implementazion dal A.S.M. N.1. Lant daûr des indicazions dal progetto dal implant o vin ri-costruit il lay-out dal implant. La societât di gestion nus à metût a di-sposizion i dâts di concentrazion in jentrade e in jessude dal implant par due une schirie di incuinants e i corispuindints dâts di puartade. O vin ricostruit il compart di tratament biologjic.

Chest implant al veve il probleme di no rispuindi a lis domandis de normative su la eficience de rimozion dai incuinants. Nô o volevin di-mostrâ che chest livel di rimozion al è une consecuence dal bas livel di caric in jentrade, dovût al fat che lis infiltrazions presintis te rêt fognarie



a provochin une diluizion ecessive dal reflu. In chest câs il nestri studi al è stât plui aprofondît dal moment che o vin determinât i parametris principâi midiant des tecnichis respirometrichis. La respirometrie je une metodologie che e determine i valôrs dai parametris cinetics midiant de analisi des curvis di ossigen disfat registradis intun implantut a scjale di laboratori.

In particolâr e je stade fate la determinazion di:

- il coefficient di respirazion endogjine, k_d , [zornadis $^{-1}$];
- il coefficient di incressite specifiche eterotrofe, Y_H , [mg MLVSS/mg COD];
- la velocitât di incressite eterotrofe massime, μ_{max} , [zornadis $^{-1}$];
- la concentratzion dal substrât dulà che $\mu = \frac{1}{2} \mu_{max} : K_s$, [, [mg COD/l].

In plui une analisi di sensitivitât e je stade fate sui sedimentadôrs secondariis.

Come parametris di riferiment pe valutazion dal livel di aprossimazion o vin sielzût il rindiment di rimozion dai solits totâi, dal carboni e dal TKN. Ae fin o sin rivâts a vê une otime aprossimazion de realtât, cun-tun erôr un grum plui bas dal dîs par cent pai prins doi parametris e un pôc superiôr pal TKN.

Partint dal supuest che i rindiments reâi a son decisementri plui bas di chei imponûts de normative o vin cirût di individuâ, midiant da lis analisis di sensitivitât, cuâi rimiedis che a saressin stâts bogns par incres-si la eficience dal implant.

A son stâts ipotizâts pussibii intervents a livel implantistic come lis variazions de puartade di ricircul dai sedimentadôrs secondariis e la inressite dai volums pe ossidazion ancie midiant dal inseriment di une tierce vascje e dal inseriment di un eventuâl reatôr anossic. Il prin intervent al à permetût des inressitis netis dal 5-10 par cent inte rimozion de SST e dal COD, il secont nol à compuartât nissun benefici sensibil. Bielzà tal imprin o vevin podût intravignî che l'implant al jere caraterizât di carics organics influents decisementri bas. Cul supuart de ricostruzion modelistiche al è stât dimostrât che un influent di tâl gjenar al rint in cualchi mût mancul eficacie la atividat metaboliche de biomasse, proviodintle di scjarse alimentazion.

Da lis provis respirometrichis preliminârs e da lis analisis di sensitivitât si è podût intravignî cemût che i bateris autotrofs no vedin carateristichis otimâls, di consecuence la ipotesi di un eventuâl reatôr anossic par la denitrificazion al puartarès la implicazion di une furniture in zonte di substrât carboniôs, stant a lis carateristichis dal licuit in jentrade, compuantant, cun di plui, pôcs beneficis.

O podin concludi che une biomasse di qualitât scjarse e influence negativementri il procès a discapit dal rindiment dal implant. Infin o vin podût concludi che l'implant esaminât, in presince di cheste sorte di influent nol à la pussibilitât di rivâ ai limits di rindiment domandâts de normative, pûr rispietant chei relatifs a lis concentratzions dai incuinants dal efluent.

Discussion. I gnûfs vincui stabilitâs da lis gnovis prescrizioni legjislativis a proviodin il mantegniment dal rindiment di sore dai valôrs specificâts. Su chest al va osservât che par projetâ un implant che al vedi dai rindiments prefissâts resonabii, i sistemis tradizionâi a puedin vê des pecjis une vore grandis sì che e nas la necessitat di frontâ la progettazion cun chescj gnûfs struments.

Ringraziamenti. I autôrs a pandin un agrât a Victor Tosoratti dal Dipartiment di Sien-cis e Tecnologjiis Chimichis de Universitât di Udin e ai inzegrifrs Gianpaolo Di Giorgio e Pierpaolo Braidotti che a àn dât un jutori fondamentâl par chest lavôr.